



Муниципальное образовательное учреждение  
«Средняя общеобразовательная школа №3 п.Советский»

**СОГЛАСОВАНО**

Зам. директора по УВР

\_\_\_\_\_ З.С. Таныгина

от «31» августа 2023 года

**УТВЕРЖДАЮ**

Директор

\_\_\_\_\_ С.А. Новосёлов

«31» августа 2023 года

# **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

## **по предмету**

## **математика**

**Среднее общее образование**

(уровень образования)

**11 класс (профиль)**

(класс изучения)

Составитель:

Учитель математики

Веселкова Надежда Аркадьевна

Лапина Любовь Михайловна

п.Советский

2023

## Пояснительная записка (алгебра)

Рабочая программа учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» для 10-11 классов составлена на основе:

- Федерального компонента государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования, утвержденного приказом Минобрнауки России от 5 марта 2004 года № 1089 от 05.03.2004 г. № 1089 с изменениями и дополнениями от: от 03.06.2008 № 164, от 31.08.2009 № 320, от 19.10.2009 N 427, от 10.11.2011 № 2643, от 24.01.2012 № 39, от 31.01.2012 № 69, от 23.06.2015 № 609.

- Примерной программы среднего (полного) общего образования по математике – Единое окно доступа к образовательным ресурсам / Федеральный портал / Федеральный центр ЭОР / Единая коллекция ЦОР – <http://window.edu.ru/catalog/pdf2txt/182/37182/14195>

- Учебного плана МОУ Раменская средняя общеобразовательная школа № 9 (далее – Учреждение).

- С использованием программы Т.А. Бурмистровой: Алгебра и начала математического анализа. Сборник примерных рабочих программ 10-11 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций: базовый и углубленный уровни.-3-е издание-М.: Просвещение 2019.

### **1. Требования к предметным результатам освоения курса Алгебры и начала математического анализа 10-11 класс (базовый уровень)**

В результате изучения алгебры и начала математического анализа на углубленном уровне в старшей школе ученик должен:

#### **Знать/понимать**

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- идеи расширения числовых множеств как способа построения нового математического аппарата для решения практических задач и внутренних задач математики;
- значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций;
- различие требований, предъявляемых к доказательствам в математике, естественных, социально-экономических и гуманитарных науках, на практике;
- вероятностный характер различных процессов и закономерностей окружающего мира.

#### **Числовые и буквенные выражения**

##### **Уметь:**

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- применять понятия, связанные с делимостью целых чисел, при решении математических задач;
- находить корни многочленов с одной переменной, раскладывать многочлены на множители;
- проводить преобразования числовых и буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:**

- практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, при необходимости используя справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.

### **Функции и графики**

#### **Уметь**

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков;
- описывать по графику и по формуле поведение и свойства функций;
- решать уравнения, системы уравнений, неравенства, используя свойства функций и их графические представления;

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:**

- описания и исследования с помощью функций реальных зависимостей, представления их графически; интерпретации графиков реальных процессов.

### **Начала математического анализа**

#### **Уметь**

- находить сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии;
- вычислять производные и первообразные элементарных функций, применяя правила вычисления производных и первообразных, используя справочные материалы;
- исследовать функции и строить их графики с помощью производной,;
- решать задачи с применением уравнения касательной к графику функции;
- решать задачи нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке;

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:**

- решения геометрических, физических, экономических и других прикладных задач, в том числе задач на наибольшие и наименьшие значения с применением аппарата математического анализа.

### **Уравнения и неравенства**

#### **Уметь**

- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы;
- доказывать несложные неравенства;
- решать текстовые задачи с помощью составления уравнений, и неравенств, интерпретируя результат с учетом ограничений условия задачи;
- изображать на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.
- находить приближенные решения уравнений и их систем, используя графический метод;

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:**

- построения и исследования простейших математических моделей.

### **Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей**

### **Уметь:**

- вычислять, в простейших случаях, вероятности событий на основе подсчета числа исходов.

### **Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:**

- анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков; для анализа информации статистического характера.

### **Содержание учебного курса**

#### **1. Тригонометрические функции**

Область определения и множество значений тригонометрических функций. Четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций. Свойства функции  $y = \cos x$  и её график. Свойства функции  $y = \sin x$  и её график. Свойства функции  $y = \operatorname{tg} x$  и её график. Обратные тригонометрические функции.

Основная цель – изучить свойства тригонометрических функций, научить учащихся применять эти свойства при решении уравнений и неравенств; научить строить графики тригонометрических функций, используя различные приемы построения графиков.

Среди тригонометрических формул следует особо выделить те формулы, которые непосредственно относятся к исследованию тригонометрических функций и построению их графиков. Так, формулы  $\sin(-x) = -\sin x$  и  $\cos(-x) = \cos x$  выражают свойства нечетности и четности функций  $y = \sin x$  и  $y = \cos x$  соответственно.

Построение графиков тригонометрических функций проводится с использованием их свойств и начинается с построения графика функции  $y = \cos x$ . С помощью графиков тригонометрических функций решаются простейшие тригонометрические уравнения и неравенства.

Учебная цель – введение понятия тригонометрической функции, формирование умений находить область определения и множество значения тригонометрических функций; обучение исследованию тригонометрических функций на четность и нечетность и нахождению периода функции; изучение свойств функции  $y = \cos x$ , обучение построению графика функции и применению свойств функции при решении уравнений и неравенств; изучение свойств функции  $y = \sin x$ , обучение построению графика функции и применению свойств функции при решении уравнений и неравенств; ознакомление со свойствами функций  $y = \operatorname{tg} x$  и  $y = \operatorname{ctg} x$ , изучение свойств функции  $y = \cos x$ , обучение построению графиков функций и применению свойств функций при решении уравнений и неравенств;

Дополнительно изучаются обратные тригонометрическими функциями, их свойствами и графиками.

В результате изучения главы «Тригонометрические функции» учащиеся должны знать основные свойства тригонометрических функций, уметь строить их графики и распознавать функции по данному графику, уметь отвечать на вопросы к главе, а также решать задачи этого типа.

#### **2. Производная и её геометрический смысл**

Предел последовательности. Непрерывность функции. Определение производной. Правило дифференцирования. Производная степенной функции. Производные элементарных функций. Геометрический смысл производной.

Основная цель – показать учащимся целесообразность изучения производной и в дальнейшем первообразной (интеграла), так как это необходимо при решении многих практических задач, связанных с исследованием физических явлений, вычислением площадей криволинейных фигур и объемов тел с производными границами, с построением графиков функций. Прежде всего, следует показать, что функции, графиками которых являются кривые, описывают важные физические и технические процессы.

Усвоение геометрического смысла производной и написание уравнения касательной к графику функции в заданной точке является обязательным для всех учащихся.

Основная цель- дополнительно знакомство с определением предела числовой последовательности, свойствами сходящихся последовательностей, обучение нахождению пределов последовательностей, доказательству сходимости последовательности к заданному числу;

обучение выявлению непрерывных функций с опорой на определение непрерывности функции;

знакомство с понятием производной функции в точке и её физическим смыслом, формирование начальных умений находить производные элементарных функций на основе определения производной.

Овладение правилами дифференцирования суммы, произведения и частного двух функций, вынесения постоянного множителя за знак производной; знакомство с дифференцированием сложных функций и правилам нахождения производной обратной функции; обучение использованию формулы производной степенной функции  $f(x) = x^p$  для любого действительного  $p$ ;

формирование умений находить производные элементарных функций;

знакомство с геометрическим смыслом производной обучение составлению уравнений касательной к графику функции в заданной точке.

В результате изучения главы «Производная и её геометрический смысл» учащиеся должны знать определение производной, основные правила дифференцирования и формулы производных элементарных функций; понимать геометрический смысл производной; уметь записывать уравнение касательной к графику функции в заданной точке решать упражнения данного типа. Иметь представление о пределе последовательности, пределе и непрерывности функции и уметь решать упражнения на применение понятия производной.

## **1. Применение производной к исследованию функций**

При изучении материала широко используются знания, полученные учащимися в ходе работы над предыдущей темой. Показать возможности производной в исследовании свойств функций и построении их графиков.

Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции. Производная второго порядка, выпуклость и точки перегиба. Построение графиков функций.

Основная цель– является демонстрация возможностей производной в исследовании свойств функций и построении их графиков и применение производной к решению прикладных задач на оптимизацию, дополнительно –применение теоремы Лагранжа для обоснования достаточного условия возрастания и убывания функции, теоремы Ферма и её геометрическому смыслу, а также достаточному условию экстремума, знакомство с понятием асимптоты, производной второго порядка и её приложении к выявлению интегралов выпуклости функции, знакомство с различными прикладными программами, позволяющими построить график функции и исследовать его с помощью компьютера.

Обучение применению достаточных условий возрастания и убывания к нахождению промежутков монотонности функции;

знакомство с понятиями точек экстремума функции, стационарных и критических точек, с необходимыми и достаточными условиями экстремума функции;

обучение нахождению точек экстремума функции;

обучение нахождению наибольшего и наименьшего значений функции с помощью производной;

знакомство с понятием второй производной функции и её физическим смыслом; с применением второй производной для нахождения интегралов выпуклости и точек перегиба функции;

формирование умения строить графики функций – многочленов с помощью первой производной, с привлечением аппарата второй производной.

В результате изучения главы «Применение производной к исследованию функций» учащиеся должны знать, какие свойства функции выявляются с помощью производной, уметь строить графики функций, решать задачи на нахождения наибольшего (наименьшего) значения функции данного типа упражнений.

#### **4. Первообразная и интеграл**

Рассматриваются первообразные конкретных функций и правила нахождения первообразных.

Первообразная. Правила нахождения первообразных. Площадь криволинейной трапеции. Интеграл и его вычисление. Применение интегралов для решения физических задач.

Основная цель – ознакомление учащихся с понятием первообразной и обучение нахождению площадей криволинейных трапеций. Площадь криволинейной трапеции определяется как предел интегральных сумм. Большое внимание уделяется приложениям интегрального исчисления к физическим и геометрическим задачам. Связь между первообразной и площадью криволинейной трапеции устанавливается формулой Ньютона-Лейбница. Далее возникает определенный интеграл как предел интегральной суммы; при этом формула Ньютона-Лейбница также оказывается справедливой. Таким образом, эта формула является главной: с её помощью вычисляются определенные интегралы и находятся площади криволинейных трапеций. Знакомство с простейшими дифференциальными уравнениями.

Учебная цель – ознакомление с понятием первообразной, обучение нахождению первообразной для степеней и тригонометрических функций;

ознакомление с понятием интегрирования и обучение применению правил интегрирования при нахождении первообразных;

формирование понятия криволинейной трапеции, ознакомление с понятием определенного интеграла, обучение вычислению площади криволинейной трапеции в простейших случаях.

В результате изучения главы «Первообразная и интеграл» учащиеся должны знать правила нахождения первообразных основных элементарных функций, формулу Ньютона-Лейбница и уметь их применять к вычислению площадей криволинейных трапеций при решении задач данного типа.

#### **5. Комбинаторика**

Содержит основные формулы комбинаторики, применение знаний при выводе формул алгебры, вероятность и статистическая частота наступления события. Правило произведения. Размещения с повторениями. Перестановки. Размещения без повторений. Сочетания без повторений и бином Ньютона.

Основная цель – ознакомление с основными формулами комбинаторики и их применением при решении задач, развивать комбинаторное мышление учащихся, ознакомить с теорией соединений, обосновать формулу бинома Ньютона. Основной при выводе формул числа перестановок и размещений является правило умножения, понимание которого формируется при решении различных прикладных задач. Свойства числа сочетаний доказываются и затем применяются при организации и исследовании треугольника Паскаля.

Составление порядочных множеств (образование перестановок); составление порядочных подмножеств данного множества (образование размещений); доказательство справедливости формул для подсчета числа перестановок с повторениями и числа сочетаний с повторениями, усвоение применения метода математической индукции.

В результате изучения главы «Комбинаторика» учащиеся должны знать, основные формулы комбинаторики, уметь находить вероятность случайных событий в простейших случаях, использовать классическое определение вероятности и применения их при решении задач данного типа.

## **6. Элементы теории вероятностей**

В программу включено изучение лишь отдельных элементов теории вероятностей. При этом введению каждого понятия предшествует неформальное объяснение, раскрывающее сущность данного понятия, его происхождение и реальный смысл. Так вводятся понятия случайных, достоверных и невозможных событий, связанных с некоторым испытанием; определяются и иллюстрируются операции над событиями. Вероятность события. Сложение вероятностей. Вероятность произведения независимых событий.

Основная цель – сформировать понятие вероятности случайного независимого события. Исследование простейших взаимосвязей между различными событиями, а также нахождению вероятностей видов событий через вероятности других событий. Классическое определение вероятности события с равновероятными элементарными исходами. Понятие геометрической вероятности и статистической вероятности вводились на интуитивном уровне. При изложении материала данного раздела подчеркивается прикладное значение теории вероятностей в различных областях знаний и практической деятельности человека.

Учебная цель – знакомство с различными видами событий, комбинациями событий; введение понятия вероятности события и обучение нахождению вероятности случайного события с очевидными благоприятствующими исходами;

знакомство с теоремой о вероятности суммы двух несовместных событий и её применением, в частности при нахождении вероятности противоположного события; и с теоремой о вероятности суммы двух производных событий;

интуитивное введение понятия независимых событий; обучение нахождению вероятности произведения двух независимых событий.

В результате изучения главы «Элементы теории вероятностей» учащиеся должны уметь находить вероятности случайных событий с помощью классического определения вероятности при решении упражнений данного типа, иметь представление о сумме и произведении двух событий, уметь находить вероятность противоположного события, интуитивно определять независимые события и находить вероятность одновременного наступления независимых событий в задачах.

## **7. Комплексные числа**

Сложение и умножение комплексных чисел. Модуль комплексного числа. Вычитание и деление комплексных чисел. Геометрическая интерпретация комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Свойства модуля и аргумента. Квадратное уравнение с комплексным неизвестным. Примеры решения алгебраических уравнений. Основные цели — завершение формирования представления о числе; обучение действиям с комплексными числами и демонстрация решений различных уравнений на множестве комплексных чисел.

Рассматриваются четыре арифметических действия с комплексными числами, заданными в алгебраической форме. Вводится понятие комплексной плоскости, на которой иллюстрируется геометрический смысл модуля комплексного числа и модуля разности комплексных чисел. Рассматривается переход от алгебраической к тригонометрической форме записи комплексного числа и обратный переход. Желательно обучить учащихся технических и физико-математических классов возведению в степень комплексного числа, заданного в тригонометрической форме.

## **8. Уравнения и неравенства с двумя переменными**

Линейные уравнения и неравенства с двумя переменными. Нелинейные уравнения и неравенства с двумя переменными.

Основная цель – обобщить основные приемы решения уравнений и систем уравнений, научить учащихся изображать на координатной плоскости множество решений линейных неравенств и систем линейных неравенств с двумя переменными, сформировать навыки

решения задач с параметрами, показать применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики.

Учебная цель – научить учащихся изображать на координатной плоскости множество решений линейных неравенств и систем линейных неравенств с двумя переменными.

В результате изучения главы «Уравнения и неравенства с двумя переменными» учащиеся должны уметь решать уравнения, неравенства и системы уравнений и неравенств с двумя переменными. Знать и уметь применять основные приемы для решения уравнений и систем уравнений, решать системы уравнений и неравенства с помощью графика.

## **9. Итоговое повторение курса алгебры и начал математического анализа.**

Уроки итогового повторения имеют своей целью не только восстановление в памяти учащихся основного материала, но и обобщение, уточнение систематизацию знаний по алгебре и началам математического анализа за курс средней школы.

Повторение предлагается проводить по основным содержательно-методическим линиям и целесообразно выстроить в следующем порядке: вычисления и преобразования, уравнения и неравенства, функции, начала математического анализа.

При проведении итогового повторения предлагается широкое использование и комбинирование различных типов уроков (лекций, семинаров, практикумов, консультаций и т.е.) с целью быстрого охвата большого по объему материала. Необходимым элементом уроков итогового повторения является самостоятельная работа учащихся. Она полезна как самим учащимся, так и учителю для осуществления обратной связи. Формы проведения самостоятельных работ разнообразны: от традиционной работы с двумя, тремя заданиями до тестов и работ в форме рабочей тетрадей с заполнением пробелов в приведенных рассуждениях.

В результате обобщающего повторения курса алгебры и начала анализа за 11 класс создать условия учащимся для выявления:

- владения понятием степени с рациональным показателем, умение выполнять тождественные преобразования и находить их значения;
- умения выполнять тождественные преобразования тригонометрических, иррациональных, показательных, логарифмических выражений;
- умения решать системы уравнений, содержащих одно или два уравнения (логарифмических, иррациональных, тригонометрических), решать неравенства с одной переменной на основе свойств функции;
- умения использовать несколько приемов при решении уравнений;
- решать уравнения с использованием равносильности уравнений; использовать график функции при решении неравенств (графический метод);
- умения находить производную функции; множество значений функции; область определения сложной функции; использовать четность и нечетность функции;
- умения исследовать свойства сложной функции; использовать свойство периодичности функции для решения задач; читать свойства функции по графику и распознавать графики элементарных функций;
- умения решать и проводить исследование решения текстовых задач на нахождение наибольшего (наименьшего) значения величины с применением производной;
- умения решать задачи параметрические на оптимизацию;
- умения решать комбинированные уравнения и неравенства; использовать несколько приемов при решении уравнений и неравенств;
- умения извлекать необходимую информацию из учебно-научных текстов; привести примеры, подобрать аргументы, сформулировать выводы.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**



Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечить достижение уровня среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

### Гражданское воспитание:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена Российского общества, представление математических основ развития различных структур, направления, процедуры общества образования (выборы, опросы и пр.), умение взаимодействовать с конкретными институтами в соответствии с их особенностями и назначениями.

### Патриотическое воспитание:

сформированностью российской государственной идентичности, поддержкой к прошлому и нынешней российской математике, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, чтобы использовать эти достижения в других науках, технологиях, классах экономики.

### Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных расходов российского народа; сформированность морального сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и территории учёного; осознанием личного вклада в построение будущего.

### Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; в зависимости от математических аспектов различных видов искусства.

### Физическое воспитание:

сформированностью методов применения математических знаний в здоровом и безопасном образе жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная динамика активности); Физически с видом, на занятиях спортивно-оздоровительной зоной.

### Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценностей трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, прекращению занятий математикой и ее приложениями, умению делать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на всю жизнь; Готовность к активному развитию в практических задачах математической направленности.

### Экологическое воспитание:

сформированностью культуры, пониманием социальных социально-экономических процессов в состоянии природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование последующих действий и оценка их возможных последствий для окружающей среды.

### Ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, современный подход к развитию науки и общественной практики, понимание сферы математической науки как легкой деятельности, этапы ее развития и инновационности для развития цивилизации; владение языком математики и математической культурой как мытье познания мира; Готовность изучать проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются владением универсальными **познавательными** действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия, позволяют контролировать базовые когнитивные процессы обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией) .

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать основные признаки математических объектов, понятий, связей между понятиями; формулировать определения понятий; сохраняемый существенный признак классификации, основание для обобщения и сравнения, критерий проведения анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: предвзятые и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предложить критерии для выявления особенностей и противоречий;
- делать выводы с использованием логики сохранения, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельные доказательства математических утверждений (прямые и противные), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные мнения и выводы;
- выбрать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решений, выбирать наиболее подходящие варианты с учетом, самостоятельно выделенных).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксировать противоречие, проблему, сохранять искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проведение самостоятельно спланированного эксперимента, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность результатов, выводов и обобщений;
- спрогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвинуть борьбу о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять дефицит информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и решения задач;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных форм и представлений;
- структурировать информацию, ее высокое положение в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценить надежность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные **коммуникативные** действия, определяют сформированность социальных навыков обучающихся.

#### Общение:

- воспринимать и формулировать мнения в соответствии с требованиями и интересами общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задач, комментировать полученный результат;

- в ходе обсуждения задаются вопросы по существующим обсуждаемым темам, проблемам, решаемым задачам, высказываются идеи, ориентированные на поиск решений; сопоставлять свои мнения с мнениями других участников диалога, находить детали и сходство позиций; в правильной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; Самостоятельно выбрать форму представления с учетом задачи презентации и индивидуальности.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении научных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, сокращать виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и другие); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценить качество своего вклада в общий продукт по критериям, установленным коллективным взаимодействием.

3) Универсальные **регулятивные** действия, позволяющие управлять смысловыми установками и жизненными навыками личности .

#### Самоорганизация:

составить план, алгоритм решения задачи, выбрать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и естественных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания происходящих действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть методами самопроверки, самоконтроля процесса и получения результатов решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при возникновении проблем, внести коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, обнаруженных ошибок, выявленных потребностей;
- оценить соответствие результата цели и условиям, объяснить причины достижения или недостижения результатов деятельности, совершить ошибку, дать оценку приобретенному опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение курса «Алгебра и начало математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечить достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: разумные и действительные числа, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Вы выполняете арифметические операции с рациональными и вещественными числами.

Вы выполняете приближённые вычисления, используя правила округления, делаете прикидку и оцениваете результат вычисления.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; Подход, использующий форму, учитывает реальные числа для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс переменного угла; использовать запись дополнительного угла через обратные тригонометрические функции.

**Уравнения** Оперировать понятиями: тождество, форма, символ; разумное, разумное, иррациональное соотношение, знамя; тригонометрическое уравнение;

Вы преобразуете тригонометрические выражения и решаете тригонометрические уравнения.

Вы преобразуете целые, рациональные и иррациональные выражения и решаете основные типы целых, рациональных и иррациональных моделей и образов.

Применить уравнения и примеры для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделирование реальных ситуаций на языке алгебры, составление выражений, уравнений, представлений по условию задач, рассмотрение построенных моделей с использованием алгебр аппаратуры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество функций, функция графика, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: функции четкости и нечеткости, нет функции, промежутки знакопостоянства.

Используйте функции графиков для решения математических задач.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым признаком.

Использовать функции графиков для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других предметов и объектов жизни; выражать формулы в зависимости от величин .

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.

Задавать последовательно различные методы.

Используйте свойства постепенно и прогрессивно для решения отдельных задач прикладного характера .

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество операций над расширением.

Используйте теоретико-комбинированный аппарат для описания процессов и направлений, при решении задач из других предметов.

Оперировать понятиями: определение, выводы, исследование, доказательства.

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: естественное, относящееся к числу; использовать признаки делимости целых чисел, разложение чисел на простые множители для решения задач.

Оперировать понятиями: степень с рациональными признаками.

Оперировать понятиями: логарифмами чисел, десятичными и логическими логарифмами.

### **Уравнения**

Применить степень свойств для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательным показателем и символом; Решить определение основных показателей и аналогов.

Выполнить преобразование выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическими фигурами и символами; Решить основы основных логарифмических аналогов и цветов.

Находить решения простейших тригонометрических символов.

Оперировать понятиями: система линейных результатов и ее решение; использовать систему линейных методов для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупности рациональных моделей и аналогов.

Моделирование реальных ситуаций на языке алгебры, составление выражений, уравнений, символов и систем для решения задач, рассмотрение построенных моделей с использованием аппаратных алгебр .

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, функция монотонности промежутки, функция экстремума точки, функция наибольшего и наименьшего значения на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; Изобразите их на координатной плоскости и используйте для решения модели и изображения.

Изображать на координатной плоскости графики линейных моделей и использовать их для решения систем линейных уравнений.

Используйте функции графиков для исследования процессов и зависимостей из других научных дисциплин .

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функция; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарные функции, увеличивать производные количества, произведения искусства, частные функции.

Использовать производную функцию для исследования монотонности и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать продуктивную для нахождения наилучших решений в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; Понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарные функции; получить интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и социального характера, с помощью математического анализа.

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА (геометрия)**

Программа рабочего курса «Геометрия» базового уровня для учащихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учетом требований современного мира, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает владение ключевыми компетенциями, составляющими основы для саморазвития и непрерывного образования, целостности общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Важность курса обучения на уровне среднего общего образования обусловлена принципиальностью метапредметных и предметных результатов обучения в направлении личностного развития обучающихся, формирования функциональной математической грамотности, изучения других учебных дисциплин. Развитие у учащихся правильных

представлений об основах и происхождении геометрических абстракций, сохранении реальности и идеального, характере отражения математической научной тенденции и процессов в реальном мире, место теории в системе науки и роли математического моделирования в научном познании и на практике способствуют формированию научного мировоззрения учащихся, а также хорошее мышление, необходимое для адаптации в современном обществе.

Геометрия является одним из базовых предметов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения как дисциплинарной естественно-научной направленности, так и гуманитарной.

Формируемое логическое мышление при изучении использует понятные основы геометрии и построения цепочек логических утверждений для решения геометрических задач, умение выдвигать и доказывать гипотезы, непосредственно используемые при определении задач естественно-научного цикла, например, в курсе физики.

Умение ориентироваться в пространстве играет существенную роль во всех сферах деятельности человека. Ориентация человека во времени и пространстве — необходимое условие его бытия, форма отражения окружающего мира, условие выгоды познания и активное преобразование процедуры. Использование разделенных образов в рамках различных видов учебной и трудовой деятельности является одним из важных профессионально важных качеств, поэтому актуальная задача формирования у учащихся пространственного мышления как видов образного мышления — важный компонент в подготовке к практической деятельности во многих направлениях.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на базовом уровне обучения — общеобразовательное и общекультурное развитие обучающихся посредством обеспечения возможности приобретения и использования систематических геометрических знаний и действий, конкретных геометрических фигур, возможности продолжения образования по специальностям, а не перехода с прикладным использованием геометрии.

Программа по уровню на базовом уровне для учащихся средних школ, не испытывающих значительных трудностей на уровне основного общего образования. Таким образом, обучающиеся на базовом уровне должны освоить общие математические знания, связанные со спецификой геометрии и необходимые для жизни в современном обществе. Кроме этого, у них есть возможность изучить геометрию более глубоко, если в будущем возникнет потребность в геометрических знаниях в профессиональной деятельности.

Достижение целей разработки программ с учетом конкретных задач. Приоритетными задачами освоения курса «Геометрии» на базовом уровне в 10–11 классах являются:

- рассматривает представление о степени как части мировой культуры и осознание ее взаимосвязи с ограниченным миром;
- моделируют представления о многогранниках и телах как о традиционных математических моделях, умеющих описывать и изучать различные явления, окружающие мир;
- методы, позволяющие распознавать чертежи, модели и в мире многогранники тела и интеллекта;
- владение методами решения задач по построению изображений пространственных фигур;
- позволяет использовать методы оперирования вещественными понятиями о многих гранниках и телах, а также их физических принципах;
- владение алгоритмами решения основных типовых задач; методы проведения переносных доказательных рассуждений в решениях для выполнения стереометрических задач и задач с практическим изменением;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления;
- навыки функциональной грамотности, релевантной степени: умение распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в изначально жизненных объектах и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке геометрий и создавать геометрические модели, применять

освоенные геометрические для аппаратных решений практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Отличительной чертой программы является включение в курс стереометрии в начале его изучения задач, определенных на уровне достижения познания, и определенным образом организованная работа над ними, что обеспечивает развитие логического и пространственного мышления, стимулирует протекание интуитивных процессов, мотивирует к дальнейшему изучению предмета.

Предпочтение отдается очевидно-конструктивному методу обучения, то есть теоретические знания, имеющиеся в своей основе чувственности предметно-практической деятельности. Развитие пространственных представлений у учащихся в курсе стереометрии осуществляется за счет решения задач по созданию пространственных образов и задач по оперированию пространственными образами. Создание образа происходит с опорой на видимость, а оперирование – в условиях отвлечения от наглядности, мысленного изменения его исходного содержания.

Основные содержательные линии курса «Геометрии» в 10–11 классах: «Многогранники», «Прямые и плоскости в пространстве», «Тела интеллекта», «Векторы и координаты в пространстве». Формирование логических умений происходит не только по содержательной линии, но и по годам обучения на уровне среднего общего образования.

Содержание образования, включая предметные результаты освоения рабочей программы, распределенным по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы владение геометрическими понятиями и навыками осуществлялось постепенно и поступательно, с соблюдением принципов преемственности, чтобы новые знания были определены в системе геометрических представлений обучающихся, расширения и упорства, образуя прочные множественные связи.

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

На изучение степени отводится 2 часа в 11 классе, всего 68 часов

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА 11 КЛАСС**

### **Тела вращения**

Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрическую поверхность, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основание и боковая поверхность, образующая и ось; площадь помещения и полная поверхность.

Коническая поверхность, образующая коническую поверхность, ось и вершина конической поверхности. Конус: опора и вершина, образующая и ось; площадь помещения и полная поверхность. Усеченный конус: образующие и высота; фундамент и боковая поверхность.

Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы.

Изображение тел на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса.

Комбинации тел коммутаторов и многогранников. Многогранник, описанный вокруг сферы; сфера, записанная в многограннике, или тело интеллекта.

Понятие об объеме. Основные свойства объемов тел. Теорема об объеме прямоугольного параллелепипеда и следствия из него. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площади сферы.

привести тело в пространство. Соотношения между площадями поверхностей, объемами тел отсутствуют.

Сечения цилиндра (параллельно и опорно оси), сечение конуса (параллельно основанию и проходящее через вершину), сечение шара.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора числа. Размещение вектора по трем некопланарным векторам. Правило

параллелепипеда. Решение задачи, область применения правил действий с векторами. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между направлениями и плоскостями. Координационно-векторный метод при определении геометрических задач.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### **Гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена Российского общества, представление математических основ развития различных структур, направления, процедуры общества образования (выборы, опросы и пр.), умение взаимодействовать с конкретными институтами в соответствии с их особенностями и назначениями.

#### **Патриотическое воспитание:**

сформированностью российской государственной идентичности, поддержкой к прошлому и нынешней российской математике, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, чтобы использовать эти достижения в других науках, технологиях, классах экономики.

#### **Духовно-нравственного воспитания:**

осознанием духовных расходов российского народа; сформированность морального сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и территории учёного; осознанием личного вклада в построение будущего.

#### **Эстетическое воспитание:**

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; в зависимости от математических аспектов различных видов искусства.

#### **Физическое воспитание:**

сформированностью методов применения математических знаний в здоровом и безопасном образе жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная динамика активности); Физически с видом, на занятиях спортивно-оздоровительной зоной.

#### **Трудовое воспитание:**

готовностью к труду, осознанием ценностей трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, прекращению занятий математикой и ее приложениями, умению делать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на всю жизнь; Готовность к активному развитию в практических задачах математической направленности.

#### **Экологическое воспитание:**

сформированностью культуры, пониманием социальных социально-экономических процессов в состоянии природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование последующих действий и оценка их возможных последствий для окружающей среды.

#### **Ценности научно познания:**

сформированность мировоззрения, современный подход к развитию науки и общественной практики, понимание сферы математической науки как легкой деятельности, этапы ее развития и инновационности для развития цивилизации; владение языком математики



и математической культурой как мытье познания мира; Готовность изучать проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются владением универсальными **познавательными** действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия, позволяют контролировать базовые когнитивные процессы обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией) .

### **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать основные признаки математических объектов, понятий, связей между понятиями; формулировать определения понятий; сохраняемый существенный признак классификации, основание для обобщения и сравнения, критерий проведения анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: предвзятые и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предложить критерии для выявления особенностей и противоречий;
- делать выводы с использованием логики сохранения, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельные доказательства математических утверждений (прямые и противные), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные мнения и выводы;
- выбрать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решений, выбирать наиболее подходящие варианты с учетом, самостоятельно выделенных).

### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксировать противоречие, проблему, сохранять искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проведение самостоятельно спланированного эксперимента, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвинуть борьбу о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

- выявлять дефицит информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и решения задач;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных форм и представлений;
- структурировать информацию, ее высокое положение в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценить надежность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные **коммуникативные** действия, определяют сформированность социальных навыков обучающихся.

### **Общение:**

- воспринимать и формулировать мнения в соответствии с требованиями и интересами общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задач, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задаются вопросы по существующим обсуждаемым темам, проблемам, решаемым задачам, высказываются идеи, ориентированные на поиск решений; сопоставлять свои мнения с мнениями других участников диалога, находить детали и сходство позиций; в правильной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; Самостоятельно выбрать форму представления с учетом задачи презентации и индивидуальности.

### **Сотрудничество:**

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении научных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, сокращать виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и другие); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценить качество своего вклада в общий продукт по критериям, установленным коллективным взаимодействием.

3) Универсальные **регулятивные** действия, позволяющие управлять смысловыми установками и жизненными навыками личности .

### **Самоорганизация:**

- составить план, алгоритм решения задачи, выбрать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и естественных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль:**

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания происходящих действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть методами самопроверки, самоконтроля процесса и получения результатов решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при возникновении проблем, внести коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, обнаруженных ошибок, выявленных потребностей;
- оценить соответствие результата цели и условиям, объяснить причины достижения или недостижения результатов деятельности, совершить ошибку, дать оценку приобретенному опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ 11 КЛАСС**

Оперировать понятиями: круглая поверхность, образующие круглую поверхность; цилиндр; коническая поверхность, образующие коническую поверхность, конус; сферическая поверхность.

Распознавать тела телефона (цилиндр, конус, сфера и шар).

Объяснить способы получения тел.

Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.

Оперировать понятиями: шаровой сегмент, сегмент вершины, сегмент высоты; шаровой слой, опора шарового слоя, высота шарового слоя; шаровой сектор.

Вычислять объемы и квадратные поверхности тел интеллектуала, геометрические тела с применением формулы.

Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный вокруг сферы; сфера, записанная в многограннике или теле интеллекта.

Вычислять соотношение между площадями поверхностей и объемами тел.

Изображать изучаемые фигуры от рук и с применением простых чертёжных инструментов.

Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, спереди, снизу; построить раздел тел.

Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленных на чертежах и рисунках.

Оперировать вектором понятия в пространстве.

Вы выполняете действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения векторов на числа, объясняя, каким образом они действуют.

Применять правило параллелепипеда.

Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равноправие векторов, координаты векторов, между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные контуры.

Находите структуру векторов и рисуете векторные числа между векторами, скалярным произведением, раскладываете вектор по нескольким неколлинеарным векторам.

Задавать плоскость уравнений в декартовой системе координат.

Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, прогнозирующих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.

Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода.

Решать задачи по доказательству математических взаимосвязей и нахождению геометрической величины по образцам или алгоритмам, применяя эффективные методы при выполнении стандартных математических задач.

Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при соблюдении стереометрических задач.

Привести примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознать дополнительные закономерности в искусстве.

Применить полученные знания на примере: проанализировать реальные ситуации и применить изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, смоделировать реальные на языке расчета, рассмотреть ситуации, построить модели с использованием геометрических понятий и выводов, обработать алгебры; Решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

### Календарно-тематическое планирование занятий.

(6 часов в неделю)

	Тема урока	Кол-во часов	По плану	фактически
1.	Решение тригонометрических уравнений	1		
2.	Решение тригонометрических уравнений	1		
3.	Решение показательных уравнений и неравенств	1		
4.	Решение показательных уравнений и неравенств	1		
5.	Решение логарифмических уравнений и неравенств	1		
6.	Решение логарифмических уравнений и неравенств	1		
7.	1.Понятие предела числовой последовательности	1		

8.	1.Понятие предела числовой последовательности	1		
9.	2.Арифметические операции над пределами числовых последовательностей	1		
10.	2.Арифметические операции над пределами числовых последовательностей	1		
11.	3.Предел функции на бесконечности.	1		
12.	3.Предел функции на бесконечности.	1		
13.	4.Предел функции в точке.	1		
14.	4.Предел функции в точке	1		
15.	5.Приращение аргумента	1		
16.	5.Приращение функции	1		
17.	Контрольная работа №1 «Элементы теории пределов»	1		
18.	п. 46.Прямоугольная система координат в пространстве	1		
19.	п. 47. Координаты вектора	1		
20.	п. 47. Координаты вектора	1		
21.	п. 48. Связь между координатами вектора и координатами точек	1		
22.	п.49. Простейшие задачи в координатах	1		
23.	п.49. Простейшие задачи в координатах	1		
24.	Контрольная работа №2 по теме«Координаты точки и координаты вектора»	1		
25.	п.50,51. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.	1		
26.	п. 50,51. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.	1		
27.	п.52.Вычисление углов между прямыми и плоскостями.	1		
28.	Решение задач по теме «Векторы в пространстве»	1		
29.	Решение задач по теме «Векторы в пространстве»	1		
30.	п.54-57. Центральная, осевая, зеркальная симметрия. Параллельный перенос.	1		
31.	п.54-57. Центральная, осевая, зеркальная симметрия. Параллельный перенос.	1		
32.	Контрольная работа №3 по теме «Скалярное произведение векторов. Движения»	1		
33.	6. Определение производной	1		
34.	6. Определение производной	1		
35.	7. Алгоритм нахождения производной	1		
36.	7. Алгоритм нахождения производной	1		
37.	8. Дифференцируемые функции	1		
38.	8. Дифференцируемые функции	1		
39.	9. Уравнение касательной к графику функции	1		
40.	9. Уравнение касательной к графику функции	1		
41.	10. Арифметические операции над производными	1		
42.	10. Арифметические операции над производными	1		
43.	Контрольная работа №4 по теме «Определение поизводной»	1		
44.	11.Дифференцирование тригонометрических функций	1		
45.	11.Дифференцирование тригонометрических функций	1		
46.	12. Дифференцирование функций вида $y=f(kx+m)$	1		
47.	12. Дифференцирование функций вида $y=f(kx+m)$	1		
48.	13. Дифференцирование степенных функций	1		
49.	13. Дифференцирование степенных функций	1		

50.	13. Дифференцирование степенных функций	1		
51.	14. Дифференцирование показательных и логарифмических функций	1		
52.	14. Дифференцирование показательных и логарифмических функций	1		
53.	14. Дифференцирование показательных и логарифмических функций	1		
54.	.11-14.Дифференцирование функций.	1		
55.	11-14.Дифференцирование функций.	1		
56.	Контрольная работа №5 по теме «Дифференцирование функций»	1		
57.	п.59,60 .Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра	1		
58.	п.59,60.Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра	1		
59.	п.61. Понятие конуса	1		
60.	п.62. Площадь поверхности конуса	1		
61.	п.63. Усеченный конус	1		
62.	п.64-66. Сфера и шар..Уравнение сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости.	1		
63.	п.64-66. Сфера и шар..Уравнение сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости.	1		
64.	п. 67 – 68 Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы.	1		
65.	п. 67 – 68 Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы.	1		
66.	Решение задач по темам «Цилиндр, конус и сфера»	1		
67.	Решение задач по темам «Цилиндр, конус и сфера»	1		
68.	Решение задач по темам «Цилиндр, конус и сфера»	1		
69.	Контрольная работа №6 по темам «Цилиндр, конус и сфера	1		
70.	15. Исследование функций на монотонность	1		
71.	15. Исследование функций на монотонность	1		
72.	15. Исследование функций на монотонность	1		
73.	16. Исследование функций на экстремум	1		
74.	16. Исследование функций на экстремум	1		
75.	16. Исследование функций на экстремум	1		
76.	17. О построении графиков функций	1		
77.	17. О построении графиков функций	1		
78.	17. О построении графиков функций	1		
79.	18. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции на промежутке	1		
80.	18. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции на промежутке	1		
81.	18. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции на промежутке	1		
82.	19. Задачи на нахождение наименьших и наибольших значений величин	1		
83.	19. Задачи на нахождение наименьших и наибольших значений величин	1		
84.	19. Задачи на нахождение наименьших и наибольших значений величин	1		
85.	Решение задач на исследование функций с помощью производной	1		
86.	Решение задач на исследование функций с помощью производной	1		

87.	Контрольная работа №7 по теме «Исследование функций с помощью производной»	1		
88.	<i>Контрольная работа №7 по теме «Исследование функций с помощью производной»</i>	1		
89.	п.74-75. Понятие объема. Обпрямуюгольного параллелепипеда	1		
90.	п.74-75. Понятие объема. Обпрямуюгольного параллелепипеда	1		
91.	п.74-75. Понятие объема. Обпрямуюгольного параллелепипеда	1		
92.	п.76-77 Объем прямой призмы и объем цилиндра	1		
93.	п.76-77 Объем прямой призмы и объем цилиндра	1		
94.	п.76-77 Объем прямой призмы и объем цилиндра	1		
95.	п.78-79. Вычисление объемов тел с помощью определенного интеграла. Объём наклонной призмы	1		
96.	п.78-79. Вычисление объемов тел с помощью определенного интеграла. Объём наклонной призмы	1		
97.	п.80. Объём пирамиды	1		
98.	п.80. Объём пирамид	1		
99.	п.81 .Объем конуса	1		
100.	п.81 .Объем конуса	1		
101.	Вычисление объемов тел с помощью определенного интеграла. Вычисление объемов наклонной призмы, объема пирамиды, объёма конуса.	1		
102.	Контрольная работа №8 по теме «Объемы тел»	1		
103.	20.Понятие первообразной	1		
104.	21.Правила интегрирования	1		
105.	21. Правила интегрирования	1		
106.	22. Понятие определённого интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.	1		
107.	22. Понятие определённого интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.	1		
108.	22. Понятие определённого интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.	1		
109.	22. Понятие определённого интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.	1		
110.	23. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определённого интеграла.	1		
111.	23. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определённого интеграла.	1		
112.	23. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определённого интеграла.	1		
113.	23. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определённого интеграла.	1		
114.	Контрольная работа №9 по теме «Определённый интеграл»	1		
115.	п.82 Объём шара	1		
116.	п.82 Объём шара	1		
117.	п.83 Объём шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора.	1		
118.	п.83 Объём шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора.	1		
119.	п.84 Площадь сферы.	1		
120.	п.84 Площадь сферы.	1		
121.	Решение задач по теме «Объём шара, шарового сегмента,	1		

	шарового слоя, площадь сферы»			
122.	Контрольная работа №10 по теме «Объём шара и площадь сферы»	1		
123.	п.24 Геометрические вероятности.	1		
124.	п.24 Геометрические вероятности.	1		
125.	п.24 Геометрические вероятности.	1		
126.	п.25 Нормальное распределение	1		
127.	п.25 Нормальное распределение	1		
128.	п.25 Нормальное распределение	1		
129.	п.26 Нормальное и биномиальное распределения. Законы больших чисел.	1		
130.	п.26 Нормальное и биномиальное распределения. Законы больших чисел.	1		
131.	п.26 Нормальное и биномиальное распределения. Законы больших чисел.	1		
132.	п.26 Нормальное и биномиальное распределения. Законы больших чисел.	1		
133.	п.27 Равносильность уравнений	1		
134.	п.27 Равносильность уравнений	1		
135.	п.28 Решение уравнений с одной переменной	1		
136.	п.28 Решение уравнений с одной переменной	1		
137.	п.28 Решение уравнений с одной переменной	1		
138.	п.28 Решение уравнений с одной переменной	1		
139.	п.29 Решение систем уравнений	1		
140.	Контрольная работа №10 по теме «Решение уравнений и систем уравнений »	1		
141.	п.29 Решение систем уравнений	1		
142.	п.29 Решение систем уравнений	1		
143.	п.29 Решение систем уравнений	1		
144.	п.30 Решение неравенств с одной переменной	1		
145.	п.30 Решение неравенств с одной переменной	1		
146.	п.30 Решение неравенств с одной переменной	1		
147.	п.30 Решение неравенств с одной переменной	1		
148.	п.31 Уравнения и неравенства с параметрами.	1		
149.	п.31 Уравнения и неравенства с параметрами.	1		
150.	п.31 Уравнения и неравенства с параметрами.	1		
151.	<i>Контрольная работа №10 по теме «Решение неравенств и систем уравнений»</i>	1		
152.	п.32.Уравнения, неравенства и функции в задачах о среднем арифметическом.	1		
153.	п.32.Уравнения, неравенства и функции в задачах о среднем арифметическом.	1		
154.	п.32.Уравнения, неравенства и функции в задачах о среднем арифметическом.	1		
155.	Аксиомы стереометрии и их следствия. Параллельность прямых, прямой и плоскости.	1		
156.	Скрещивающиеся прямые. Параллельность плоскостей.	1		
157.	Перпендикулярность прямой и плоскости. Теорема о трёх перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью.	1		
158.	Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей.	1		
159.	Многогранники: параллелепипед, призма, пирамида, площади	1		

	их поверхностей.			
160.	Многогранники: параллелепипед, призма, пирамида, площади их поверхностей.	1		
161.	Векторы в пространстве. Действия над векторами. Скалярное произведение векторов.	1		
162.	Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей.	1		
163.	Объёмы тел.	1		
164.	Объёмы тел.	1		
165.	Обобщающее повторение	1		
166.	Обобщающее повторение	1		
167.	Обобщающее повторение	1		
168.	Обобщающее повторение	1		
169.	Обобщающее повторение	1		
170.	Обобщающее повторение	1		
171.	Обобщающее повторение	1		
172.	Обобщающее повторение	1		
173.	Обобщающее повторение	1		
174.	Обобщающее повторение	1		
175.	Обобщающее повторение	1		
176.	Обобщающее повторение	1		
177.	Обобщающее повторение	1		
178.	Обобщающее повторение	1		
179.	Обобщающее повторение	1		
180.	Обобщающее повторение	1		
181.	Обобщающее повторение	1		
182.	Обобщающее повторение	1		
183.	Обобщающее повторение	1		
184.	Обобщающее повторение	1		
185.	Обобщающее повторение	1		
186.	Обобщающее повторение	1		
187.	Обобщающее повторение	1		
188.	Обобщающее повторение	1		
189.	Обобщающее повторение	1		
190.	Обобщающее повторение	1		
191.	Обобщающее повторение	1		
192.	Обобщающее повторение	1		
193.	Обобщающее повторение	1		
194.	Обобщающее повторение	1		
195.	Обобщающее повторение	1		
196.	Обобщающее повторение	1		
197.	Обобщающее повторение	1		
198.	Обобщающее повторение	1		
199.	Обобщающее повторение	1		
200.	Обобщающее повторение	1		
201.	Обобщающее повторение	1		
202.	Обобщающее повторение	1		
203.	Решение тригонометрических уравнений	1		
204.	Решение тригонометрических уравнений	1		



## Список литературы для учителя:

### Основной

1. Алгебра и начала математического анализа. 10-11классы: рабочие программы по учебникам А.Г. Мордковича, П.В. Семенова. Базовый и профильный уровни /авт.-сост. Н.А. Ким. – Волгоград: Учитель, 2012 (электронная книга)
2. Программы. Математика. 5-6 классы. Алгебра. 7-9 классы. Алгебра и начала анализа. 10-11 классы/авт.-сост. И.И. Зубарева, А.Г. Мордкович. – М.: Мнемозина, 2011. (электронная книга)
3. Программы общеобразовательных учреждений. Геометрия. 10-11 классы. *Сост. Бурмистрова Т.А./* М.: Просвещение, 2010 (электронная книга)
4. Алгебра и начала математического анализа. 10 – 11 классы. В 2 ч. Ч.1 Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень) / А.Г. Мордкович. – М.: Мнемозина, 2013
5. Алгебра и начала математического анализа. 10 – 11 классы. В 2 ч. Ч.2 Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень) / А.Г. Мордкович. – М.: Мнемозина, 2013
6. Геометрия. Учебник для 10-11классов. *Атанасян Л.С. и др.* – М.: Просвещение, 2009
7. Геометрия. 11 класс. Поурочные планы по учебнику Атанасяна Л.С. – М.: Просвещение, 2010 (электронная книга)

### Дополнительный

8. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Контрольные работы для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень) / В.И. Глизбург; под ред. А.Г. Мордковича. – М.: Мнемозина, 2009 (электронная книга)
9. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Поурочные планы по учебнику Мордковича А.Г. , 2011 (электронная книга)
10. Александрова Л.А. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: самостоятельные работы для учащихся общеобразовательных организаций (базовый и углубленный уровни)/ Л.А. Александрова; под ред. А.Г. Мордковича. – 2-е изд., стер. – М.: Мнемозина, 2015 (электронная книга)
11. Ершова А.П., Голобородько В.В. Самостоятельные и контрольные работы по геометрии для 11 класса. – М.: ИЛЕКСА, 2013 (электронная книга)
12. ЦОР:

<http://school-collection.edu.ru/>

<http://www.mathvaz.ru/>

<http://penyere.pф/>

<http://fipi.ru/>

<http://base.mathege.ru/>

<http://www.mioo.ru/>

<http://1september.ru/>

<http://www.math.ru/>

## Список литературы для учащихся:

1. Алгебра и начала математического анализа. 10 – 11 классы. В 2 ч. Ч.1 Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень) / А.Г. Мордкович. – М.: Мнемозина, 2013

2. Алгебра и начала математического анализа. 10 – 11 классы. В 2 ч. Ч.2 Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень) / А.Г. Мордкович. – М.: Мнемозина, 2013
3. Геометрия. Учебник для 10-11классов. *Атанасян Л.С. и др.* – М.: Просвещение, 2009

